みなすものである。

Ŧ デ

ル

もし考察対象の政治区画が連続的に、

の幾何形のモデル と測

序

政治区画とはある特定の政治力の管轄下におかれた地表の範囲を限界づけたものである。この限界づけられた個々 この政治領域の境界線網、

治領域は同一レベルの他のいくつかの政治領域と境を接している。この論文では、政治区画についての諸問題のうち の範囲を政治領域(territory)と言うが、現代ではこうした政治領域に所属しない地表はごく少なく、一般にある政 めて抽象化、 単純化して考察する。換言すれば、ここでは政治区画を平面分割つまり地域区分(division)の一種と つまり政治区画網の形状 (shape)だけを問題にする。 しかもこの場合、 それをきわ

つまり間隙をつくらずに、平面をおおっているならば、 その区画網をグラフ

Ш

梶

勇

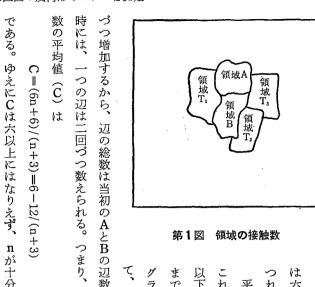
作

242 このことはこれらの政治領域が階層的ではなくて、同一レベルに属するならば、これらが国・州・県・市町村などい グラフの一種である。一つ一つの政治領域はセルグラフのセルに相当し、境界線はグラフの辺 におけるセルグラフ (cell graph) とみなすことができる。セルグラフは多辺形グラフとも呼ばれ、平面(planar) (曲線分)に当たる。

ずれのレベルの領域であるかを問わない。

こでは一つの政治領域を形成しているのである。次に、グラフではどのセルも他のセルのぐるりを取り囲むことは ことがある。飛地だけでは一つの政治領域とは言えない。つまり、グラフでは二つ以上のセルに相当するものが、こ れたどのセル(面とも言う)も他から区別された独立の一つのセルである。しかし、政治領域は言わゆる飛地をもつ れた可美村などがこれである。 つの領域が他のまわりをすっかり取り囲む事例が実在する。例えば、イタリアにおけるバチカン市国や浜松市に囲ま い。換言すれば、 しかし、現実の政治区画のうちにはセルグラフの定義に合わない例外事例がみられる。まず、グラフでは辺で囲ま 一つのセルは二つ以上のセルと辺を接する。しかし、政治区画の場合、まれではあるけれども、

ベイカーが調査したフランスの二九四町村(rural communes)の場合には、それは最小二、最大十九である(?)。こ ける郡(内陸の二七六郡)の接触数を調べたことがある(-)。それは最小の二から最大の十二にわたって い 政治区画を示した地図を一見すれば明らかなように、 ちろん同一レベルの)の数を接触数 (contact number) と言う。それはグラフに関して言えば、 るが、前述のようにグラフの定義に合わせて言えば、それは二以上の様々の整数をとりうる。筆者は戦前の日本にお こうした例外を無視して、ここでは政治区画網をセルグラフとみなそう。ところで、ある領域に隣接する領域 領域の接触数は様々である。それは一となることも実際にはあ セルの辺数である。 る。また



1 図

領域の接触数

平面上に互いに隣接する領域AとBとがあるとしょう(第1図)。

は六以上になることはありえず、

しかも対象とする領域の数の増加に

しかし、その平均値

のように個々の領域の接触数は様々の値をとる。

以下同様にして、新しい領域「ヹ・Tュ……」な書き加えてゆく。さて「エ これに新しい領域Tiを、AまたはBあるいは両方に隣接させて描く。 つれて、六に近づくことを次に証明しよう。

て、(n+3)個である。また一つの領域を書き加えるごとに、辺は三つ まで描いた時には、領域の数は当初のAとB、およびこのでき上った ラフ全体の外側の領域(グラフ理論では無限面という)と を 含 め

辺の総数は当初のAとBの辺数を含めて、(3n+3)である。ところで、 領域の接触数の合計は (6n+6) である。したがって領域の接触 領域の接触数を計算する

に言って他の六つの領域に隣接するのである。 である。ゆえにCは六以上にはなりえず、nが十分大きければ、 こうした領域接触数をハゲットはブラジルの約二、八○○の郡 六にきわめて近似する。 (municipios) から無作為抽出した百の郡について 換言すれば、 領域は平均的

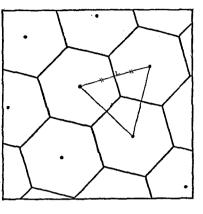
調べ、その平均値が五・七であること、その頻度は六において最も高いことを示した(3)。また筆者も日本の郡

お ょ

び市町村(六七市町村を系統抽出)の接触数を調査して、その頻度の最も高いのは六であることを報告した(4)。 あると言えるのである。これにさらに理想平面、つまりあらゆる方向に均質な平面という条件を加えるならば、この したがって、領域の接触数の平均のみならず、頻度分布の点からも、六角形が政治領域の形状を代表するモデルで

モデルは衆知の正六角形モデルになる(第2図)。

らば、 るならば、 の円に囲まれる。 正六角形モデルは次のような別の観点からも導き出される。ある一つの中心地の領域は他の中心地を考慮しないな 理想平面上において円形である。このまわりに同じ大きさの円形の領域が接すると考えると、 領域の形は正六角形になる。つまり、円の接点が正六角形の辺に変わるのである。 しかし、この状態では領域に含まれない空隙部分が残っている。もしこの部分にも各領域が拡大す 一つの円は六つ



第2図 正六角形モデル

よび周囲長が短かいことである。 的とは同一面積の形状において、

中心点から周辺までの直線距離お

として次の三つを挙げている(5)。 、正多角形は不規則な多角形よりも効率的である。この場合に効率 ハゲットは平面分割としての正六角形モデルを演繹する幾何学原理

も円に近似し、最も効率的である。 平面を埋めつくすことのできる正多角形のうちで、正六角形が最 円は正多角形のなかで最も効率的な形である。

このような理想的な正六角形の政治領域、

政治区画が成立するため

には、次の二つの前提が満足されねばならない。

前提A……政治中心地が平面上に規則的に、つまり正三角格子状に分布していること。

前提B……平面上の各部分は直線距離の最も短かい中心地の領域に含まれること。

いても、正六角形の区画は成り立たない。 換言すれば、 Aは中心地の分布パターンに関する前提であり、Bは境界の立地に関する前提である。このどちらを欠

右の前提Aとは無関係に、

ある中心地の分布パターンが与えられている時、

前提Bを満足する多角形網が考えられ

に言えば、各中心点から隣り合う点までの線分の中点に直交する直線を描いた時、この直線を辺とする多角形がティ データからその区域の平均面積雨量を求めるのにこうした 多 角 形網を利用する方法を考案したのである(?)。 が、ここではティーセシ多角形と呼ぼう。一九一一年にティーセン る。この多角形はディーリクレイ (Dirichlet)・リージョンとか、ヴォロノイ (Voronoi) 多角形とも言われている(e) (A. H. Thiessen) はいくつかの観測点の雨量 作図的

ーセン多角形である(第3図)。この多角形網を実際に作図するにはコペクの考案した方法を用いれば容易である(8)。 前提にしていない、つまり前述の前提Aに無関係であるという点で、正六角形モデルよりも理想化の程度の低い、し 政治区画のモデルとしてこのティーセン多角形網を考えるならば、もちろんそれは中心地の特定の分布パターンを

たがって現実の区画により近似するモデルであると言える。

ある中心地の分布パターンが与えられ、もしさらに中心地の政治力の相対的強度が分っているとすれば、

ティ

ーセ

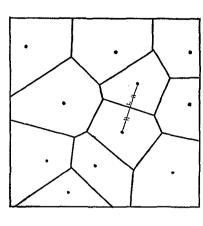
245 ではなくて、その線分を二つの中心地の政治力の相対的強度に応じて二分する点に直交する直線を描くのである。こ ン・モデルをさらに現実に近づけたモデルに改良できよう。つまり、各中心地から隣り合う中心地までの線分の中点

とになる。

うして作図された多角形の大小は中心地の政治力の強度を反映するこ

って異なるであろうし、対象とする政治区画のレベルによってもちが

かような政治力の強度が何によって表現しうるかは国によ



第3図 ティーセン多角形モデル

数にあたるような指標をとった方が適切と思われる。

れる。

٤

域全体の人口も少ない傾向、つまり領域人口規模の均等化傾向がみら

したがって、こうした政治区画ではむしろ中心地人口規模の逆

広大な面積をもつ領域ほどむしろその中心地の人口規模および領

しておらねばならない。実際に州や県・市町村の面積をながめてみるの場合には、領域の人口規模や面積規模は中心地の人口規模と正相関うであろう。ある人は中心地の人口規模を思いつくかも知れない。そ

かにしている。しかし、本論文ではこのモデルを扱わないことにしよう。その一つの理由はこのモデルが動態的であ をも許容している。 野において考え出されたジョンソン・メイル れら二つのモデルをイギリスのバスサービスセンターの領域に適用して、ジョンソン・メイル・モデルの長所を明ら でもよいし、セルは必ずしもとつでなくてもよいから、 さて今まで述べたどのモデルにおいても、 セルの接触数の最小は三である。これらの点をもっと現実の区画に近似させたモデルがある。それは結晶学の分 このモデルとティーセン・モデルとの特性の比較がブーツによって行なわれている(๑)。 セル (領域) (Johnson—Mehl)・モデルである。 セルの接触数の最小は二であり、さらに中心核を欠いたセル のどの辺も直線であり、 このモデルでは、 セルはすべてとつであり、 セルの辺は曲線 それゆ 彼はこ

とである。この種の最近の研究業績についてはキングが詳細に論評している(B)

クラークとエヴァンズという生態学者が考案した最近隣単位法

(nearest-neighbour analysis)

に求められる。

そし

が、それらの出発点は一九五四年に

求められる。

るためである。ここでは終始、 時間要素を無視した静態モデルを考えているからである。

二、パターンの測定

計的手法や確率論的手法を用いて記述しようとする試みが現われたのは中心地理論の研究が興隆した比較的近年のこ か。第二は中心地の分布パターンを与件とした時、政治区画はティーセン多角形網になっているかどうか、つまり前 は二つに分けられる。 の政治区画はこれらのモデルからどれくらい偏差しているのか。これを測定する方法が以下の課題である。 提Bをどの程度満足しているのかである。前者は点分布の測定、 地理学では集落などの点分布パターンに対して古くから深い関心が持たれてきたけれども、そうしたパター 前述の前提Bのみを満足するティーセン・モデルとそれに前提Aをも満足する正六角形モデルとがある。 第一は中心地の分布パターンが正三角格子状かどうか、つまり前提Aにどれくらい従っている 後者は線分布の測定の問題である。 この問題 では現実 ンを統

れたのである。 てこの分析法が一九六○年代の初めにデイシーやキングによって地理学における中心地 (都市) 分布の研究に導入さ

が 従来は多くの場合、 最近隣単位法を使えば、分布パターンを客観的な一つの数値によって記述することができる。それは次の式から 点分布を観察して、 主観的に判断し、 集中的パターンとか、 分散的パターンとか表現してきた

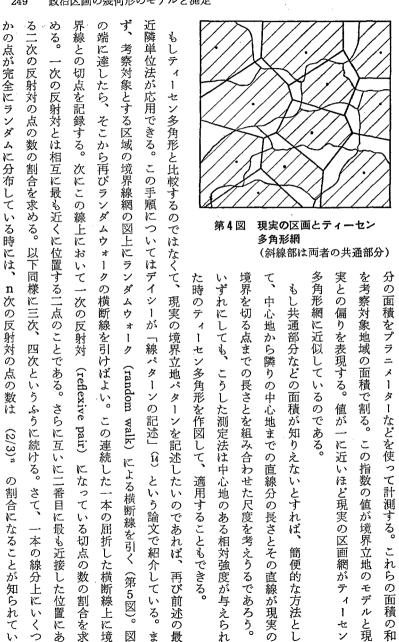
きるのである。 きさが異なっていても、点の数がちがっていても、二つの分布パターンをRの値によって客観的に比較することがで なる。そしてもし点分布が完全にランダムである時には、一になるのである。この手法を使えば、考察対象地域の大 らば、ゼロになり、逆にすべての点が完全に規則的に、つまり正三角格子状に分布しているならば、二・一五行)に ただし、Rは最近隣統計値であり、Dは与えられた分布における各点から最も近い点までの直線距離の平均値、 Nは点の数である。Rの値はゼロから二・一五までの範囲にある。もしすべての点が一ケ所に凝集しているな

問題に対する一つの解答は現実の区画とティーセン多角形網との比較によって与えられ る(第4図)。現 実の政治区 であるとすれば、 ターンが正六角形モデルの前提である正三角格子パターンからどれくらい偏っているかを測定することができる。 って分析して、合衆国の都市分布パターンは規則的というよりもむしろランダム分布に近似すると結論している(ヨ)。 ものではなく、凝集的であることを明らか に し た(1)。 またキングは合衆国内の二十区域の都市分布をこの手法によ 現実の中心地の分布が正三角格子パターンに一致することはほとんどないだろうが、中心地の分布パターンが既知 政治的中心地の分布とその政治区画が与えられた時、我々はこの最近隣単位法を用いて、まずその中心地の分布パ デイシーはこの手法を用いて、ミシシッピ川に沿う都市の分布がブルクハルトの言うような規則的 次に問題になるのはこうした中心地の分布パターンのもとにおける境界の立地の問題である。この (等間隔的) な

画網の図上に、中心地の分布にもとずいてティーセン多角形網を作図する。

現実の区画とティーセン多角形の共通部

図 ŧ



ルと現 1

の和

的 る。

逆にこれより小さければ、凝集的パターンであると記述できるの

右の手順で求めた各次の割合がこれを十分上廻るならば、

規 則

である。



画網の場合にも、その中心地分布とは無関係であるという意味でも、

般的な測定法であると言えよう。

や鉄道網などを含めたすべての線パターンに適用可能である。

政治区 河川

この測定法は政治区画網のようなセルグラフばかりでなく、

第5図 してモデルからどれくらいずれているかを扱うものであり、 さて以上のべたいずれの測定法も点あるいは線のパターンが全体と

個々の政

形状の

治領域の形状にはまったく言及していないのである。形状の測定法はこれらとは別の次元に属する。

三 形状の測定

状を厳密に比較することができない。 測定を問題にするようになったのは近年のことである。従来はたいてい観察した形状を任意的な分類項目にあてはめ て、円に近いとか、星形とか、ひょうたん形であるというふうに記述してきた。しかし、こうした分類では二つの形 地理学でも研究対象の形状というものを重視してきたけれども、岩石学や生物学など他の分野に比べると、 客観的に比較し、記述するためには形状を測定する必要がある。

ある対象の形状はいくつかのパラメーターをもっている。例えば、面積・周囲長・長軸の長さなどがこれである。

り。換言すれば、そこでは円をモデルとし、その指数の値によってそのモデルからの偏りを計測するのである。 これらを組み合わせた指数を用いて、ある形状を正多角形の系列にあてはめるのが最も簡単な形状の測定 法 で あろ パラ

例えば、ハゲットはブラジルの郡の形状を考察するのに、次のような指数を使っている(エ)。

メーターの組み合わせによって、何種類もの指数が考えられる。

 $F_1=1.27 A/L^2$

最長軸の長さを直径とする円の面積(πL²/4)との比である。 ただし、Fiは形状指数 (shape index)、Aは郡の面積、 円の場合に、指数の値が一になるようにするためである。換言すれば、この指数はその形状の面積とその形状の Lは最長軸の長さである。定数(一・二七)をかけているの 定数をかけているのを除けば、この指数はホートンが

流域の形を表現するのに用いた「形の比」(form ratio)と同じである。

とれることを報告している。ハゲットと同樣の測定をベイカーはフランスの町 村 に ついて行なっている(音)。 い形状の郡が多いこと、 しかし、正三角形・正方形・正六角形に近似しようとする傾向が指数値の頻度分布から読み 指数值

ゲットは測定の結果、ブラジルの郡ではこの指数の値が○・○六から○・九三までの広範囲にわたること、

細長

の範囲は○・○三−○・九三であり、平均は○・四九であった。

この指数の算出に使っている面積(A)と最長軸の長さ(L)とから次のような指数も考えうる。

 $F_{\bullet}=1.13\sqrt{A}/L$

251 たものである。 これは観察している形状の最長軸の長さをその形状と同一面積の円の直径と比べたものである。 つまり、 Fiを開平し

つまり、

同様の観点から、 例えば、 対象の形状の面積(A)をその形状の周囲長(P)を周とする円の面積と比 較 する 指

$F_3 = 12.56 \text{ A/P}^2$

が考えられる。これを開平したものは形状の周囲長(P)をその形状と同一面積の円の周と比較する指数、つまり、

 $F_4 = 3.54 \text{V A/P}$

になる。

また形状に内接する円の半径(Ri)と外接する円の半径(Ri)との比、つまり、

 $F_5=R_1/R_1$

も同種類の指数である。

げた指数の値はいづれもゼロから一までの範囲にあり、形状が円に近似するほど一に近くなり、逆に細長い形や屈曲 この他にもパラメーターの組み合わせがいくつか考えられるが、例をあげるのはこれくらいにしておこう。右にあ

の著しい形であるほどゼロに近くなる。それぞれの指数について、一とゼロとの間を、正三角形・正方形・五角形・ 六角形・円などのゾーンに区分しておけば、与えられた形状の指数値によって、その形状を正多角形の一つにあては

めることが可能である。

々の形状が同じ値をとることがありうる。換言すれば、 - こうした形状の測定において、ある一つの形状は確かにその尺度上の一つの位置を与えられる。しかし、二つの別 指数のある一つの値は一つの形状を表現している ので はな

い。これらの指数は形状の一部分を測定しているにすぎないのである。

ある。

ならば、六種の和(Si、Si、Si、Si、Si、Si)の組がえられる。この和の一組がその等辺多角形を表現しているので と第四の頂点間) と第四の頂点間) 組はその多角形と一対一に対応するということである。そのやり方とは一つおきの頂点間 ようにすることである。第二の定理は、その等辺多角形のすべての頂点間距離を次のようなやり方で合計した値の一 とができるということである。この場合、「合わす」とはその等辺多角形のすべての頂点が対象の形状の周上にある にもとづいている。第一の定理は、ある任意の一つの形状はその辺の長さは変化するが等辺のある多角形に合わすこ てこなくなるまでこりした和を求める。こうして、和の一組がえられる。例えば、形状に合わせたのが八等辺多角形 こうした欠陥を克服して、形状そのものを測定する手法を考案したのはブンゲである(テ)。彼の 手法 は二つの定理 の距離の和 の距離の和 (S) およびそれらの自乗和 (S) というように、以下、新しい頂点の組み合わせが出 (G)およびそれらの自乗和(G)を算出する。次に二つおきの頂点間 (例えば第一と第三、第二

状を十一のタイプに分類している。またこの手法をストダルトは環礁の形状の測定に使っている(ヨ)。

ブンゲはこの手法をメキシコ中部の六十ほどの村の形状に適用し、各々の和の頻度曲線の極小点を用いて、

村の形

する点ですぐれている。しかし、形状を表現するものが複数の値であること、測定が実際上きわめてやっかいである ことは欠点である。対象とする形状にできるだけ近い等辺多角形にしよとすれば、その辺数を増加させねば このブンゲの手法は形状の測定として厳密であり、対象の形状に合わせた等辺多角形と和の一組とが一対一に対応 ならな

253 こうした煩雑さはしかし形状そのものを測定するためにはさけられないものである。我々は煩雑さをいとわずに厳 それにともなって、 和の算出が煩雑になり、 和の種類も増える。

密に形状そのものを測定するか、あるいは厳密さをすてて簡便な手法で形状の一部分を測定するかのどちらかを選ば

ねばならない。 必要はないだろう。先にのべた指数による測定よりもいくらか厳密であり、しかもブンゲの手法より簡便な測定法が 政治領域の形状をあるモデル的な形状からの偏りによって記述する目的のためにはブンゲの複雑な測定方法を採る

二つほどある。

ボイスとクラークが提案した放射線法(radial line method)は次の数式で表わされる(9)。

$$R = \sum \left| \left(\frac{r_i}{\sum r_i} \cdot 100 - \frac{100}{n} \right) \right|$$

ばよい。ボイスらは十六本の放射線を用いているが、八本でも三十二本でもよい。 ボイスらがCBDを中心点として都市域を測定しているように、政治領域の場合には政治的中心地から放射線を引け ただし、「は中心点から形状の周までの放射線の長さ、」は放射線の本数である。中心点は形状の重心でもよいが、

近い)ほど標準大都市地区におけるCBDの商業販売の割合が高いという関係を指摘している。 ボイスらはCBDを中心点として合衆国の標準大都市地区(SMA)の形状を測定し、この指数値が低い(円形に

者の和集合 (KUL) ている。ある標準的形状(L)を測定すべき形状(K)に最も合うように描く。両者の共通部分(KコL)の面積を両 があるという欠点をもっている(②)。リーとサリは対称差距離法(symmetric difference metric method)を提唱し しかしこの放射線法はリーとサリが例をあげて示したように、二つの別々の形状に対して同一の指数値になること の面積で割り、これを一から差し引く。この値が小さいほどKはLに近似する。この方法では

あろう。

ある。 うに思われるかも知れないが、

それは不可能である。 と和集合の面積をプラニメーターで測りながら試行錯誤をくりかえさねばならない。 うことはこの方法には常に恣意性がつきまとうことでもある。**K**に最も合うように**L**を描くことも実際には共通部分 標準的形状(L)を自由に選べるという利点がある。リーらは円形・正方形・正三角形・長方形 とティーセン多角形網との比較と同種のものである。一見、標準的形状としてティーセン多角形を採用すればよいよ の)を標準的形状に選び、 も妥当と思われる。 しうるのであり、 リーらの方法をあるモデルと現実の形状との比較とすれば、それは前述した境界立地パターンにおける現実の区画 ルグラフをなす政治区画の領域の形状の場合、 リーらの方法における円形や正三角形などの標準的形状とはまったく異なるモデル形であるからで スーダン北部の二十五の村の形状と比較している。しかし、 まず初めは正六角形を標準的形状として、それと比較するのが最 ティーセン多角形は隣り合う中心点の位置いかんで様々に変化 標準的形状が自由であるとい (辺の比が

みよう。この論文で述べた内容のほとんどは政治区画だけでなく、 この論文では測定法を述べたのみで、それを現実の区画や領域に適用しなかった。この作業はいづれ他の機会に試 セルグラフをなすあらゆる現象にもあてはまるで

î 拙稿(一九七三)わが国の行政境域の相互接触数、地理学評論、四六十三、二一一十五頁。

三対一

- (a) A. R. H. Baker (1971): Some shape and contact characteristics of French rural communes, in Les Congres et Colloques de l'Université de Liège, Vol. 58. pp. 13-23.
- (~) P. Haggett (1965) : Locational analysis in human geography. Edward Arnold, London, pp. 51-2. 修、梶川勇作訳(一九七五)大明堂(印刷中)。 野間三郎
- (4) 前掲(1)拙稿。
- (5) 前掲(3)四八—九頁。
- (6) P. Haggett and R. J. Chorley (1969) : Network analysis in geography. Edward Arnold, London, p. 236
- (7) 川畑幸夫(一九六一)水文気象学。地人書館、五八一九頁。
- 8 5, pp. 24—6. R. J. Kopec (1963): An alternative method for the construction of Thiessen polygons. Prof. Geographer, 15-
- (Φ) B. N. Boots (1973): Some models of the random subdivision of space. Geografiska Annaler, 55B, pp. 34—48. L. J. King (1969): Statistical analysis in geography. Prentice-Hall, N. J., pp. 87—116, 奥野隆史、西岡久雄共訳
- (一九七三)地域の統計的分析。大明堂、一〇〇—一三五頁。
- (11) $2^{\frac{3}{2}} \cdot 3^{-\frac{1}{4}} = 2.15$
- 12 M. F. Dacey (1960): The spacing of river towns. An. As. Amer. Geogr., 50, pp. 59-61
- Analytical human geography, Longman, London, pp. 89-102. United States. Tijdschrift voor Economische en Sociale Geografie, 52, pp. 1—7.: in P. Ambrose ed. (1969): L. J. King (1962): A quantitative expression of the pattern of urban settlements in selected areas of the
- (4) M. F. Dacey (1967): Description of line pattern. Studies in Geography (Northwestern Univ.), No. 13,
- (15) 前掲(3) pp. 50-51.
- 16) 前掲(2) pp. 14—15.

- <u>17</u> 西村嘉助訳 (一九七〇) 理論地理学。大明堂、八二—九九頁。 W. Bunge (1966): Theoretical geography. Lund Studies in Geography, Ser. C, No. 1 (2nd ed.) pp. 72-88.
- 18 D. R. Stoddart (1965): The shape of atolls. Marine Geology, 3, pp. 369-83
- D. R. Lee and G. T. Sallee (1970): A method of measuring shape, Geogr. Review, 60, pp. 555-63. R. R. Boyce and W. A. V. Clark (1964): The concept of shape in geography. Geogr. Review, 54, pp. 561-62.

20 19

が、これについては、他の機会に紹介することにしたい。 methods and techniques. (Ideas in Geography, No. 11, Dept. of Geogr. Nottingham Univ.)を入手することができた 本稿を投稿した後に、D. J. Blair and T. H. Biss (1973): The measurement of shape in geography; an appraisal of